

















XXXVIII Convegno Nazionale UMI-CIIM

La matematica serve ancora? L'educazione matematica per una cittadinanza attiva, consapevole e critica

Cittadinanza attiva e transizione scuola-università

Chiara Grisendi e Mirko Maracci Dipartimento di Matematica, Università di Pisa







Contesto generale

- Progetto OrientAzione
- Progetto pilota







Progetto OrientAzione

Progetto Piano Lauree Scientifiche, Progetto Orientamento e Tutorato

- orientamento
- tutorato universitario
- promuovere la pratica del laboratorio
- attività di autovalutazione
- crescita professionale dei docenti

CISIA

• Consorzio Interuniversitario, formato da atenei statali, supporta le università in tema di orientamento e accesso, con particolare attenzione alla verifica e al miglioramento della preparazione di ingresso.







Progetto pilota

Progettare, implementare e analizzare **moduli didattici** mirati a promuovere lo sviluppo di:

- conoscenze e competenze matematiche di base
- abilità di lettura di un testo articolato, discontinuo, con termini tecnici (anche non matematici)
- abilità connesse all'organizzazione autonoma (rispetto all'insegnante) del lavoro
- abilità di autovalutazione della propria preparazione

Produrre **risorse** (attività, strumenti, modelli di attività didattiche...):

- utilizzabili autonomamente da insegnanti nella propria pratica didattica usuale (modulabili)
- utilizzabili in contesto universitario, ad es. in tutorati, attività per il superamento degli OFA
- utilizzabili "autonomamente" dagli studenti (anche attraverso piattaforme informatiche) con quale supporto?







Progetto pilota

Progettare, implementare e analizzare **moduli didattici** mirati a promuovere lo sviluppo di:

- conoscenze e competenze matematiche di base
- abilità di lettura di un testo articolato, discontinuo, con termini tecnici (anche non matematici)
- abilità connesse all'organizz/
- abilità di autovalutazione de

Produrre **risorse** (attività, strume)

- utilizzabili autonomamente
- utilizzabili in contesto univ
- utilizzabili "autonomamente

Composizione del gruppo di lavoro

- Rosa Becucci, IISS "Pesenti", Cascina (PI)
- Gessica Ciccolini, IISS "E. Montale", Genova
- Emanuela De Negri, Dipartimento di Matematica, Università di Genova
- Valeria Ferrari, IS "Taramelli", Pavia
- Chiara Grisendi, Dipartimento di Matematica, Università di Pisa
- Mirko Maracci, Dipartimento di Matematica, Università di Pisa
- Giulia Signorini, Liceo Statale "F. Buonarroti", Pisa







Modulo didattico "Percentuali"

- Struttura del modulo didattico
- Questionario
- Problema iniziale
 - Discussione
 - Le parole degli studenti
 - Le nostre riflessioni
- Problema per casa
 - Discussione
 - Le parole degli studenti
 - Le nostre riflessioni







Struttura del modulo didattico

	Breve descrizione dell'attività			Modalità	Eventuali collegamenti	
Unità 1	Questionario	In classe	Domande di autovalutazione a priori Simulazione del TOLC Domande di autovalutazione a posteriori	Lavoro individuale in una situazione di test	Orientamento	
		A casa				
	Situazione problematica iniziale in un contesto	In classe	Risoluzione del problema	Lavoro a gruppi Libero accesso a risorse		
	quotidiano reale	A casa	Preparazione presentazioni	Lavoro a gruppi		
ĺ	Confronto tra gruppi guidato	In classe	Presentazioni e discussione	Gruppo classe		
Unità 2	dall'insegnante e approfondimento del problema iniziale	A casa	Risoluzione di un nuovo problema	Lavoro a gruppi Libero accesso a risorse	Educazione civica	
	problema miziale		Report di autovalutazione	Lavoro individuale	civica	
		In classe	Restituzione dell'insegnante	Gruppo classe		
	Restituzione dell'insegnante e problema per casa	A casa	Risoluzione di un nuovo problema	Lavoro individuale Libero accesso a risorse		
			Report di autovalutazione	Lavoro individuale		







Il questionario è composto da tre sezioni.

La prima e la terza sezione contengono domande di carattere metacognitivo che vogliono attivare negli studenti un processo di autovalutazione delle proprie conoscenze e competenze relative all'argomento matematico indagato.

La seconda sezione (alias il test) propone sei quesiti presi dalle PPS.







La prima e terza sezione

Prima sezione
Stai per risolvere alcuni quesiti tratti da un test d'ingresso per l'università, selezionati sull'argomento <i>percentuali</i> .
Pensi di essere preparato su questo argomento? sì abbastanza poco per niente non so
Nei quesiti si farà uso delle seguenti espressioni: prezzo, imposta, compenso lordo, importo netto, immatricolazione, incremento percentuale.
Riporta qui sotto le espressioni di cui <u>non</u> conosci il significato:

<u>Terza sezione</u>										
Il test è finito. Sono le ore:										
Ora che hai finito il test, ritorna con calma sul tuo lavoro e completa la seguente tabella scrivendo, per ogni risposta di cui non sei sicuro o che non hai dato, quali sono state secondo te le tue difficoltà e/o i tuoi dubbi:										
Ho dato una risposto risposta e sono sicuro che sia corretta Ho dato una sicuro che sia corretta Ho dato una risposto risposto "Non so" "Non so" "Non so" ma non sicuro che sia corretta sia corretta Ho dato una risposto "Non so" "Non so" "Non so" ma non sicuro che sia corretta "Non so" ma non sicuro che sia corretta "Non so" "										
Quesito 1										
Quesito 2										
Quesito 3										
Quesito 4										
Quesito 5										
Quesito 6	Quesito 6									
Qual è l'aspetto più problematico che hai incontrato nello svolgimento del test?										







La prima e terza sezione

Prima sezione
Stai per risolvere alcuni quesiti tratti da un test d'ingresso per l'università, selezionati sull'argomento <i>percentuali</i> .
Pensi di essere preparato su questo argomento? sì abbastanza poco per niente non so
Nei quesiti si farà uso delle seguenti espressioni: prezzo, imposta, compenso lordo, importo netto, immatricolazione, incremento percentuale.
Riporta qui sotto le espressioni di cui <u>non</u> conosci il significato:

<u>Terza sezione</u>									
II test è finito.	Sono le ore	:	_						
Ora che hai finito il test, ritorna con calma sul tuo lavoro e completa la seguente tabella scrivendo, per ogni risposta di cui non sei sicuro o che non hai dato, quali sono state secondo te le tue difficoltà e/o i tuoi dubbi:									
Ho dato una risposta e sono sicuro che sia corretta Ho dato una risposta ma non socuro che sia corretta Ho dato una risposto "Non so" "Non so" sicuro che sia corretta Le mie eventuali difficoltà e/o dubbi riguardano:									
Quesito 1									
Quesito 2									
Quesito 3									
Quesito 4									
Quesito 5									
Quesito 6									
Qual è l'aspetto più problematico che hai incontrato nello svolgimento del test?									







La seconda sezione

Quesito 2. Un professionista deve pagare un'imposta del 20% su ogni compenso che percepisce. A quale compenso lordo corrisponde un importo netto di 500 euro?
☐ A. 625 euro
☐ B. 400 euro
☐ C. 600 euro
□ D. 100 euro
☐ E. 375 euro
Se non sai come risolvere il quesito, segna la casella di seguito.
□ non so

Quesito 3. Nella tabella seguente sono indicati i numeri di automobili vendute per anno da una concessionaria.

Anno di immatricolazione	2012	2013	2014	2015	2016	2017
Numero di automobili	35	48	96	187	127	193

In quale anno si registra il massimo incremento percentuale di auto vendute rispetto all'anno precedente?

- ☐ A. 2013
- □ B. 2014
- ☐ C. 2015 ☐ D. 2016
- ☐ E. 2017

Se non sai come risolvere il quesito, segna la casella di seguito.

non so







La seconda sezione

Quesito 2. Un professionista deve pagare un'imposta del 20% su ogni compenso che percepisce. A quale compenso lordo corrisponde un importo netto di 500 euro?	Э
 □ A. 625 euro □ B. 400 euro □ C. 600 euro □ D. 100 euro □ E. 375 euro 	
Se non sai come risolvere il quesito, segna la casella di seguito. □ non so	

Quesito 3. Nella tabella seguente sono indicati i numeri di automobili vendute per anno da una concessionaria.

Anno di immatricolazione	2012	2013	2014	2015	2016	2017
Numero di automobili	35	48	96	187	127	193

In quale anno si registra il massimo incremento percentuale di auto vendute rispetto all'anno precedente?

- ☐ A. 2013
- ☐ B. 2014
- ☐ C. 2015 ☐ D. 2016
- □ E. 2017

Se non sai come risolvere il quesito, segna la casella di seguito.

non so







La seconda sezione

	automobi
Quesito 2. Un professionista deve pagare un'imposta del 20% su ogni compenso che percepisce. A quale compenso lordo corrisponde un importo netto di 500 euro?	In quale a
☐ A. 625 euro	
☐ B. 400 euro	☐ A. :
☐ C. 600 euro	☐ B.:
☐ D. 100 euro	□ C.
☐ E. 375 euro	□ D.
	☐ E.
Se non sai come risolvere il quesito, segna la casella di seguito.	Se non sa
Quesito 2. [risposta A.]	Quesito
Livello di difficoltà del quesito: DIFFICILE . Percentuale delle risposte esatte: 38.7 %. 2019-21 TOLC-E.	Livello di Utilizzo: l
Esatte: 38.7%. Errate: 49.5%. Non date: 11.8%. A) 38.7%. B) 11.8%. C) 21.6%. D) 14.5%. E) 1.7%.	Esatte: 3 A) 1.9%.

Quesito 3. Nella tabella seguente sono indicati i numeri di automobili vendute per anno da una concessionaria.

Anno di immatricolazione	2012	2013	2014	2015	2016	2017
Numero di automobili	35	48	96	187	127	193

ln	quale	anno	si	registra	il	massimo	incremento	percentuale	di	auto	vendute	rispetto	all'anno
pr	eceder	ite?											

- 2013
- 2014
- 2015 2016
- 2017

come risolvere il quesito, segna la casella di seguito.

n so

3. [risposta B.]

difficoltà del quesito: DIFFICILE. Percentuale delle risposte esatte: 36.5%. POSIZIONAMENTO. Popolazione: Scienze. Periodo: 2019.

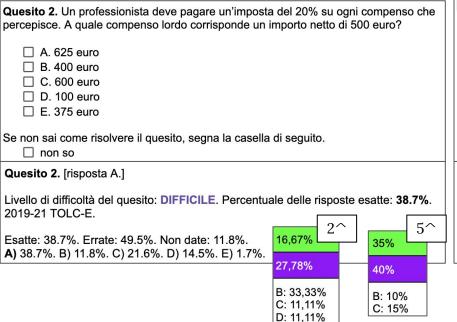
6.5%. Errate: 52.9%. Non date: 10.6%. **B)** 36.5%. C) 45.9%. D) 0.4%. E) 4.7%.







La seconda sezione



Quesito 3. Nella tabella seguente sono indicati i numeri di automobili vendute per anno da una concessionaria.

Anno di immatricolazione	2012	2013	2014	2015	2016	2017
Numero di automobili	35	48	96	187	127	193

In quale anno si registra il massimo incremento percentuale di auto vendute rispetto all'anno precedente?

- ☐ A. 2013
- □ B. 2014
- ☐ C. 2015 □ D. 2016
- ☐ E. 2017

Se non sai come risolvere il quesito, segna la casella di seguito.

□ non so

Quesito 3. [risposta B.]

Livello di difficoltà del quesito: DIFFICILE. Percentuale delle risposte esatte: 36.5%. Utilizzo: POSIZIONAMENTO. Popolazione: Scienze. Periodo: 2019.

Esatte: 36.5%. Errate: 52.9%. Non date: 10.6%. A) 1.9%. **B)** 36.5%. C) 45.9%. D) 0.4%. E) 4.7%.



5^ 25%

15%

C: 55.56%

C: 55% E: 5%







Modulo didattico "Percentuali"

- Struttura del modulo didattico
- Questionario
- Problema iniziale
 - Discussione
 - Le parole degli studenti
 - Le nostre riflessioni
- Problema per casa
 - Discussione
 - Le parole degli studenti
 - Le nostre riflessioni







IRPEF 2024, 3 aliquote e taglio alle detrazioni. Chi ci guadagna? (Titolo de "il Giornale")

Il 28 dicembre scorso (2023), il Consiglio dei Ministri ha approvato in via definitiva il decreto legislativo relativo alla riforma dell'IRPEF, che per il solo periodo d'imposta 2024 prevede, in particolare, una riduzione del numero di scaglioni da quattro a tre e una rideterminazione delle aliquote.

La tabella seguente mette a confronto il sistema di calcolo dell'IRPEF in vigore per il 2023 con quello

per il 2024.

Scaglioni IRPEF 2023	Aliquote	Scaglioni IRPEF 2024	Aliquote
Fino a 15.000 euro	23%	Fino a 28.000 euro	23%
Da 15.001 fino a 28.000	25%	Filio a 28.000 euro	
Da 28.001 fino a 50.000	35%	Da 28.001 fino a 50.000	35%
Oltre 50.000 euro	43%	Oltre 50.000 euro	43%

(https://www.fiscoetasse.com)

• A chi conviene la riforma dell'IRPEF 2024?







Un noto gruppo editoriale titola un articolo sulla riforma nel seguente modo:

"Irpef, via libera alla riforma con tre aliquote: risparmi fino a 260 euro" (https://tg24.sky.it/economia/).

• Per quali redditi, il risparmio sull'imposta dovuta ammonta a 260 euro?

Nello stesso articolo si afferma, in riferimento alla nuova suddivisione in scaglioni:

"Ciò si traduce, per i redditi compresi tra 15 e 28mila euro, in un risparmio di circa il 2%".

• Dire, spiegando adeguatamente, se l'affermazione è corretta.







Discussione

Come pensate che possano reagire i vostri studenti a questa proposta?

Cosa potrebbe emergere in classe:

quali approcci?

quali soluzioni?

quali difficoltà?

Cosa pensate dell'attività: quali potenzialità, quali punti critici?









Dopo l'esplorazione del problema eseguita in aula, agli studenti è richiesto di preparare per la lezione successiva una breve presentazione per rispondere alla domanda "A chi conviene la riforma dell'IRPEF 2024?"

Dalle prime sperimentazioni in classe

- ricorso a esempi numerici
- produzione di argomenti generali basati sugli esempi
- assenza di modellizzazione algebrica
- produzione di rappresentazioni grafiche









ricorso a esempi numerici

```
Classe 2^ LS

NEL 2023

1ª fascia 23% di 15.000€ = 3450€

2ª fascia 25% di 16.000€ = 4000€

3ª fascia 35% di 30.000€ = 10500€

4ª fascia 43% di 80.000 = 34400€

NEL 2024

1ª fascia 23% di 15.000€ = 3450€

2ª fascia 23% di 16.000€ = 3680€

3ª fascia 35% di 30.000€ = 10500€

4ª fascia 43% di 80.000€ = 34400€
```

Classe 5^ LS

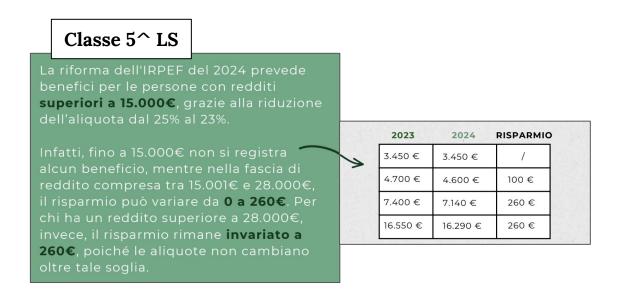
Reddito imponibile	Imposta lorda 20	023 Imposta lorda 2024	Variazione
1.000	230	230	0
15.000	3.450	3.450	0
18.000	4.200	4.140	-60
20.000	4.700	4.600	-100
21.000	4.950	4.830	-120
24.000	5.700	5.520	-180
25.000	5.950	5.750	-200
28.000	6.700	6.440	-260
30.000	7.400	7.140	-260
40.000	10.900	10.640	-260
50.000	14.400	14.140	-260
75.000	25.150	24.890	-260
100.000	35.900	35.640	-260







produzione di argomenti generali basati sugli esempi









assenza di modellizzazione algebrica

ESEMPIO Persone con u

Persone con un reddito di 30.000

Classe 2^ LS

Nel 2023

viene applicato:

- un 23% ai primi 15.000
- un 25% nella fascia 15.001-28.000
- un 35% nei restanti 2.000

Nel 2024

viene applicato:

- un 23% ai primi 28.000
- un 35% ai restanti 2.000

per un totale di €7400 di imposte

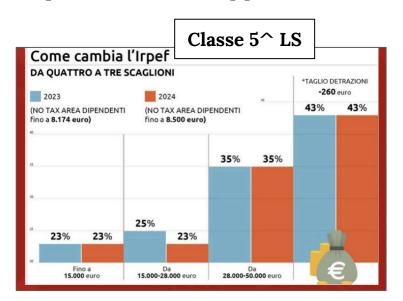
per un totale di €7140 di imposte

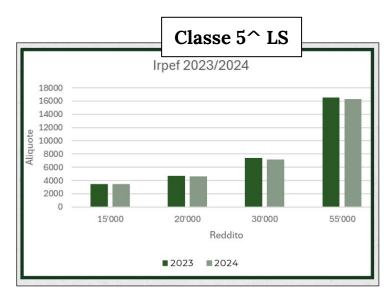






produzione di rappresentazioni grafiche











Le nostre riflessioni

Agli studenti è stato presentato il problema "A chi conviene la riforma dell'IRPEF 2024?" con l'aggiunta di un suggerimento:

• Puoi esplorare l'andamento dell'imposta dovuta in funzione del reddito.

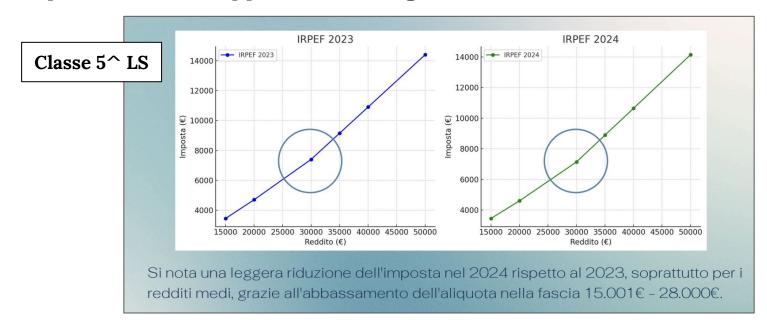
Si è scelto di non chiedere esplicitamente agli studenti di elaborare un **grafico** per risolvere il problema perché tale richiesta avrebbe potuto indurre loro a concentrarsi sulla creazione di un grafico rigoroso e preciso, la cui redazione avrebbe potuto presentare alcune criticità e bloccare la loro fase esplorativa.







produzione di rappresentazioni grafiche

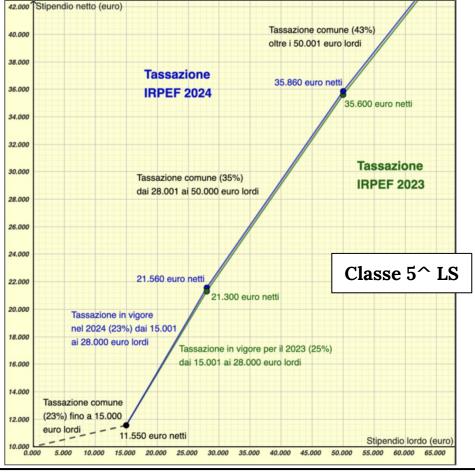








 produzione di rappresentazioni grafiche

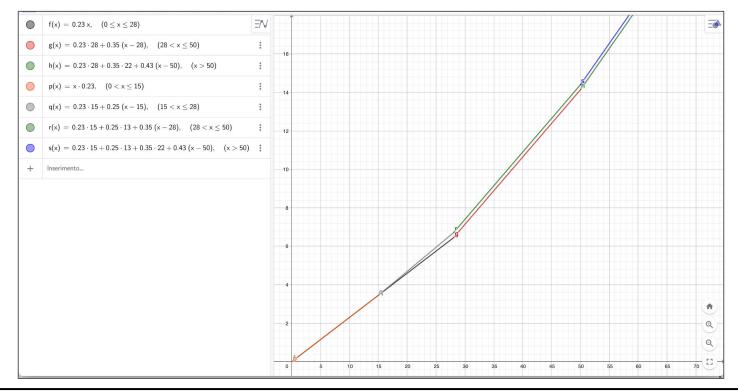








Le nostre riflessioni









Modulo didattico "Percentuali"

- Struttura del modulo didattico
- Questionario
- Problema iniziale
 - Discussione
 - Le parole degli studenti
 - Le nostre riflessioni
- Problema per casa
 - o Discussione
 - Le parole degli studenti
 - Le nostre riflessioni

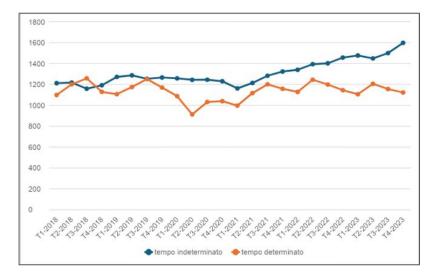






Il grafico riporta i dati sull'**occupazione giovanile in Italia** dal primo trimestre 2018 al quarto trimestre 2023. Più precisamente, riporta il numero (espresso in migliaia) di occupati dipendenti nella fascia di età 15-29 anni con un contratto a tempo indeterminato e il numero di quelli con un contratto a tempo determinato (Fonte: ISTAT). Commentando questi dati una nota testata di approfondimento giornalistico (www.pagellapolitica.it) scrive:

«... (a) dal 2° trimestre 2023 in poi è scesa la percentuale degli occupati a termine rispetto al totale degli occupati tra i 15 e i 29 anni. Secondo i dati più aggiornati, (b) nell'ultimo trimestre dell'anno scorso il 41,3 per cento degli occupati in questa fascia di età aveva un contratto con una scadenza, (c) la percentuale più bassa dal primo trimestre del 2018, ossia da quando sono disponibili i dati Istat dettagliati per fasce di età e tipologia di contratto.»



• Scrivi, motivando adeguatamente, se le affermazioni indicate con (a), (b) e (c) sono giustificate alla luce del grafico riportato.







Discussione

Come pensate che possano reagire i vostri studenti a questa proposta?

Cosa potrebbe emergere in classe:

quali approcci?

quali soluzioni?

quali difficoltà?

Cosa pensate dell'attività: quali potenzialità, quali punti critici?









Come lavoro per casa, agli studenti è richiesto di affrontare individualmente un'altra situazione-problema simile al problema iniziale dell'Unità Didattica 2, "A chi conviene la riforma dell'IRPEF 2024?", corredata da domande di autovalutazione.

Dalle prime sperimentazioni in classe

- ricorso a esempi numerici
- produzione di argomenti generali basati su esempi numerici
- produzione di argomenti basati su osservazioni sul grafico
- produzione di argomenti basati su un inizio di modellizzazione algebrica
- difficoltà nel fare stime



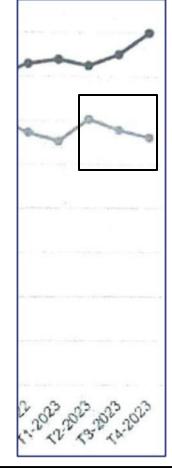




(a) dal 2° trimestre 2023 in poi è scesa la percentuale degli occupati a termine rispetto al totale degli occupati tra i 15 e i 29 anni.

• Produzione di argomenti basati su osservazioni sul grafico (solo sulla linea grigio chiaro)

Studente 4, classe 5^LS . Osservando il grafico, si nota che la linea corrispondente ai contratti a tempo determinato [la linea grigio chiaro in figura] mostra una leggera diminuzione dopo il 2° trimestre del $2023 \rightarrow$ affermazione (a) giustificata dai dati del grafico.





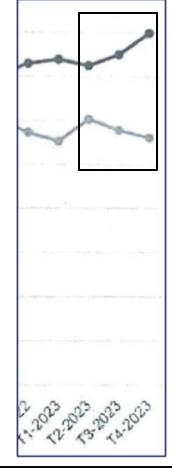




(a) dal 2° trimestre 2023 in poi è scesa la percentuale degli occupati a termine rispetto al totale degli occupati tra i 15 e i 29 anni.

 Produzione di argomenti basati su osservazioni sul grafico (confronto tra le due linee) e ricorso a esempi numerici

Studente 8, classe 5^ LS. La 1^ affermazione è vera perché il grafico degli occupati a tempo determinato è decrescente nell'intervallo tra T2-2023 e T4-2023, mentre è aumentato quello del tempo determinato, quindi il numero totale di occupati è rimasto più o meno uguale ma sono diminuiti quelli a tempo determinato.



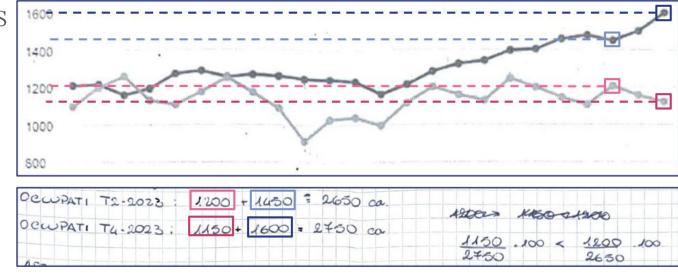






• Produzione di argomenti basati su osservazioni sul grafico (confronto tra le due linee) e ricorso a esempi numerici

Studente 8, classe 5^ LS









(b) nell'ultimo trimestre dell'anno scorso il 41,3 per cento degli occupati in questa fascia di età aveva un contratto con una scadenza.

• Produzione di argomenti basati su esempi numerici

Studente 2, classe 5^ LS. Considerando il calcolo approssimativo precedentemente fatto [per rispondere alla domanda (a)] e un margine di errore, si potrebbe confermare l'affermazione.

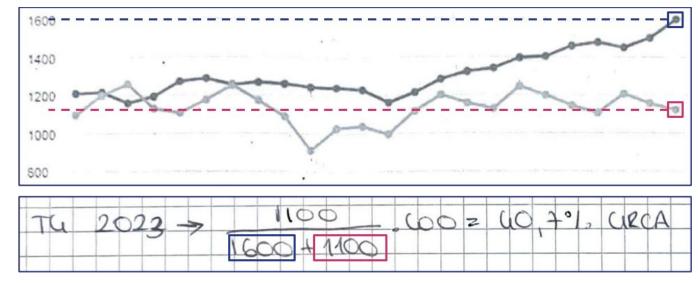






• Produzione di argomenti basati su esempi numerici

Studente 2, classe 5^ LS









(b) nell'ultimo trimestre dell'anno scorso il 41,3 per cento degli occupati in questa fascia di età aveva un contratto con una scadenza.

- Produzione di argomenti basati su osservazioni sul grafico (confronto tra le due linee)
- Difficoltà nel fare stime

Studente 12, classe 5^ LS. "Affermazione (b)" dal grafico si nota che i contratti a tempo determinato sono inferiori a quelli a tempo indeterminato, e sembrano attestarsi attorno al 40% del totale [non sono presenti calcoli sul foglio].

Quindi l'affermazione (b) sembra corretta, ma per confermarla con certezza servirebbe il numero esatto di occupati a tempo determinato e indeterminato nell'ultimo trimestre del 2023.



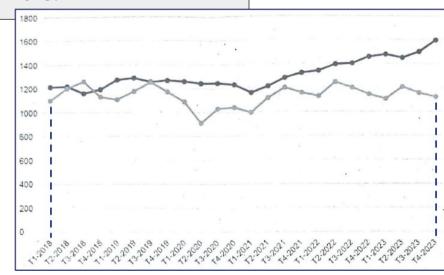




(c) nell'ultimo trimestre dell'anno scorso il 41,3 per cento degli occupati [...] aveva un contratto con una scadenza [, questa] è la percentuale più bassa dal primo trimestre del 2018.

 Produzione di argomenti basati su osservazioni sul grafico

Studente 3, classe 5^ LS. Il T4-2023 ha la percentuale più bassa del T1-2018.



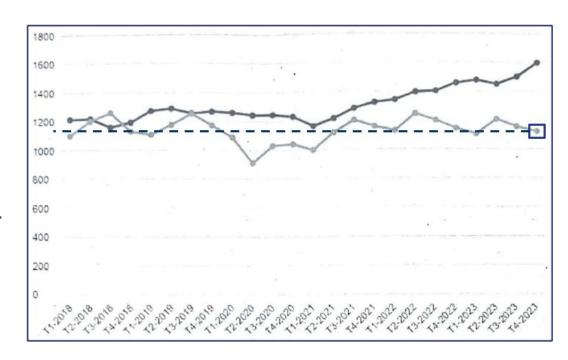






 Produzione di argomenti basati su osservazioni sul grafico

Studente 3, classe 5^ LS. All'inizio non mi tornava, perché ci sono altri punti dove gli occupati a tempo determinato sono minori del T4-2023.



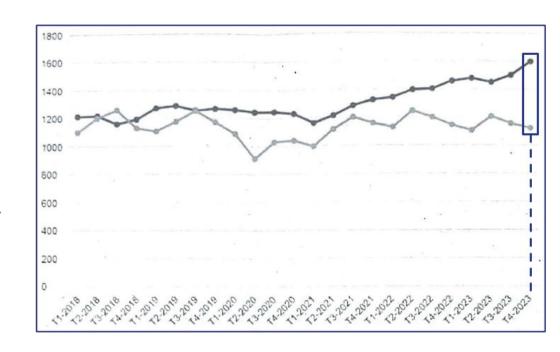






Produzione di argomenti basati su osservazioni sul grafico (confronto tra le due linee)

Studente 3, classe 5^{LS. Però lì} [in T4-2023] la percentuale degli occupati a termine è bassa perché gli occupati a termine sono pochi, ma quelli a indeterminato sono alti, quindi la percentuale è bassa, il ragionamento della a).





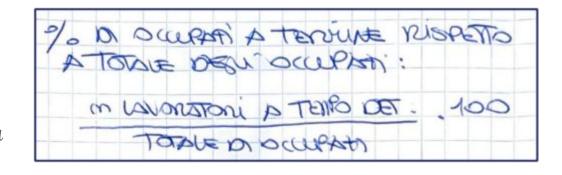






Produzione di argomenti basati su un inizio di modellizzazione algebrica

Studente 3, classe 5^ LS. Però lì [in T4-2023] la percentuale degli occupati a termine è bassa perché gli occupati a termine sono pochi, ma quelli a indeterminato sono alti, quindi la percentuale è bassa, il ragionamento della a).





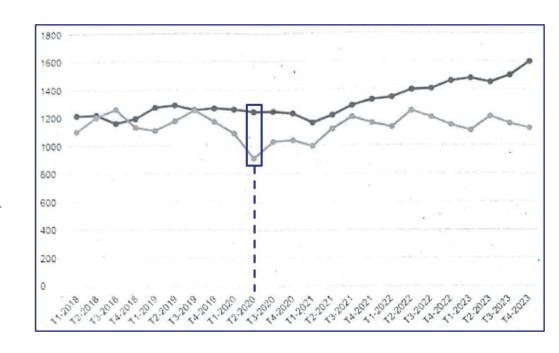






 Produzione di argomenti basati su osservazioni sul grafico (solo sulla linea grigio chiaro)

Studente 3, classe 5^ LS. Nel T2-2020 c'è un picco enorme di occupati a termine, e io pensavo che fosse lì la più bassa. Ma se si fa la percentuale il numero di occupati a termine è basso, ma anche quello a indeterminato, quindi la percentuale non è bassa.





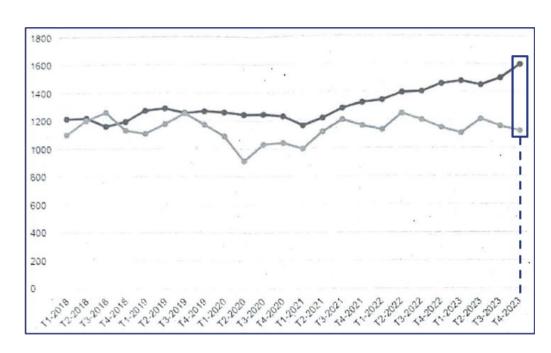






 Produzione di argomenti basati su osservazioni sul grafico (confronto tra le due linee)

Studente 3, classe 5^ LS. Per avere la percentuale più bassa bisogna avere quella relazione della a). E nel T4-2023 c'è il divario più grande quindi dal grafico è possibile dedurre che sia vera.









Le nostre riflessioni

La domanda (c) chiede di verificare che la percentuale di occupati a termine sul totale di occupati raggiunga il suo valore minimo in T4-2023. Alcuni studenti potrebbe decidere di calcolare questa percentuale per tutti i trimestri indicati nel grafico, ovvero 21 trimestri. Questo porterebbe gli studenti a perdere molto tempo e ad aumentare la probabilità di compiere errori di calcolo, dunque è necessario che lo studente compia una **selezione a priori dei dati su cui porre l'attenzione**.

Questa domanda punta ad educare una certa sensibilità alla lettura del grafico, che guidi gli studenti nel selezionare pochi dati significativi tra cui fare un confronto.







Le nostre riflessioni

Inoltre, una sfida che attraversa tutto il problema è quella di vincere la resistenza – spesso molto diffusa tra gli studenti italiani – a **fare stime**, visto che in questo contesto non si hanno dati numerici precisi (ma è possibile solo farne una stima a partire dal grafico).









Risorsa per l'insegnante

- Struttura del materiale di accompagnamento
- Struttura del modulo didattico "Grandezze geometriche e cambiamenti di scala"
- Problema per casa







UNITÀ DIDATTICA 2 DURATA Tre lezioni della durata di un'ora ciascuna. L'attività può rientrare tra le ore previste per Educazione Civica. OBIETTIVI Questa unità didattica ha lo scopo di promuovere competenze trasversali per lo studio della matematica nei corsi universitari, come comprensione del testo, modellizzazione, problem solving, argomentazione. Gli obiettivi disciplinari coinvolti sono: • Eseguire semplici calcoli con percentuali, frazioni e numeri decimali, mentalmente, con carta e penna o calcolatrice. Avere consapevolezza di quale modo può essere più conveniente a seconda dei casi. • Usare il concetto di funzione e di grafico per rappresentare una relazione espressa verbalmente o con una formula, per esprimere un'affermazione e per verificare se tale affermazione è vera o falsa in determinate condizioni. Rappresentare un grafico con un disegno su carta e mediante semplici strumenti di software libero, come Geogebra. Inoltre, la modalità di lavoro in classe dovrebbe stimolare negli studenti un approccio al problema meno scolastico e più improntato al contesto universitario, incentivando un uso consapevole dei propri dispositivi come mezzo per la ricerca di informazioni. Le competenze chiave di cittadinanza² coinvolte sono: Collaborare e partecipare. Agire in modo autonomo e responsabile. Risolvere problemi. Individuare collegamenti e relazioni. Acquisire e interpretare l'informazione. ■ Database





■ Percentuali

UNITÀ DIDATTICA 1

ANALISI A PRIORI

UNITÀ DIDATTICA 2

ANALISI A PRIORI

ANALISI A PRIORI

ANALISI A PRIORI

ATTIVITÀ 2.1

ATTIVITÀ 2.2

ATTIVITÀ 2.3

Materiali

GUIDA PER L'INSEGN...

GUIDA PER L'INSEGN...

GUIDA PER L'INSEGN...

GUIDA PER L'INSEGN...

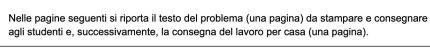
ATTIVITÀ 1

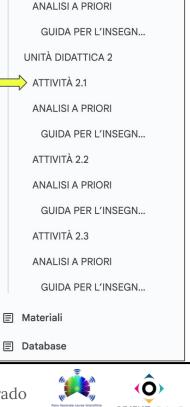


ATTIVITÀ 2.1

Produzione del modello in gruppo

MODALITÀ DI LAVORO IN CLASSE	Gli studenti lavorano in piccoli gruppi (tre o quattro persone ciascuno) per comprendere la situazione-problema proposta e rispondere alla domanda "A chi conviene la riforma dell'IRPEF 2024?". Il testo del problema viene consegnato e proiettato sulla LIM. Nel corso dell'attività, gli studenti possono accedere a internet, ai propri quaderni o a qualunque libro di testo. Quando si ritiene necessario, il lavoro di gruppo può essere mediato dal docente. L'insegnante può decidere liberamente se raccogliere il materiale prodotto dagli studenti durante l'attività, fotografando i fogli di lavoro di ogni gruppo (che devono rimanere disponibili agli studenti per eseguire il lavoro per casa) e chiarendo che, a quanto raccolto, non verrà assegnato un voto.				
LAVORO DA ASSEGNARE PER CASA	Al termine dell'attività, come lavoro per casa, a ogni gruppo sarà richiesto di elaborare una breve presentazione sui risultati ottenuti e sulle difficoltà incontrate.				
MATERIALE DA RACCOGLIERE	 Fogli di lavoro prodotti da ogni gruppo (facoltativo). Presentazione ed eventuale breve testo elaborato da ogni gruppo. Informazioni sugli aspetti problematici rilevati da ogni gruppo. 				





Percentuali

UNITÀ DIDATTICA 1

ATTIVITÀ 1





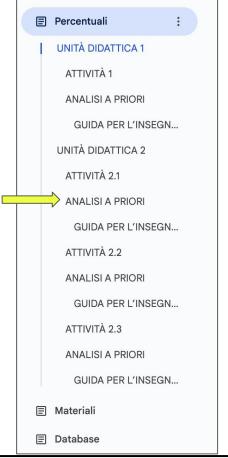


ANALISI A PRIORI

Lavoro in classe

La domanda "A chi conviene la riforma dell'IRPEF 2024?" ha lo scopo di fornire una motivazione e uno scopo per l'analisi che gli studenti andranno a compiere. Il suggerimento "puoi esplorare l'andamento dell'imposta dovuta", invece, funge da domanda-stimolo per guidare le azioni dei vari gruppi.

Si è scelto di non chiedere esplicitamente di *elaborare un grafico* per risolvere il problema perché tale richiesta potrebbe limitare la libertà di esplorazione degli studenti e potrebbe indurli a concentrarsi sulla creazione di un grafico rigoroso e preciso, simile a quelli visti durante il percorso scolastico. Infatti, la redazione di un grafico presenta alcune criticità che, benché possano costituire una ricchezza didattica, potrebbero bloccare la fase esplorativa degli studenti.



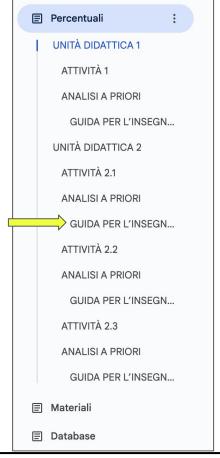






Stimolare la rappresentazione dei due regimi di imposta su uno stesso piano cartesiano, suggerendo che in questa fase potrebbe essere più utile una rappresentazione di tipo qualitativo (lo scopo dell'attività non è fare una rappresentazione grafica corretta).

- ESEMPI DI DOMANDE STIMOLO
 - Avete provato a visualizzare l'andamento dell'imposta in funzione del reddito con un grafico? In questo caso non serve che il grafico sia preciso come quelli che tracciamo solitamente nelle ore di lezione, ci basta capire più o meno che cosa succede... Oppure potete provare a usare Geogebra se volete.
 - Se il gruppo risponde bene a questi stimoli, si può provare ad approfondire: che tipo di andamento vi aspettate? Che cosa cambierà cambiando le aliquote?
- ESEMPI DI RISPOSTE DATE DAGLI STUDENTI Alcuni gruppi si sono mostrati più disponibili a un confronto basato su una rappresentazione grafica, mentre altri (la maggioranza) hanno preferito ragionare sui soli esempi numerici. Con i gruppi del primo tipo è stato interessante provare a "indovinare" le caratteristiche della rappresentazione grafica prima di farla: quasi tutti gli studenti di questi gruppi (in una classe quinta) hanno capito che si sarebbe trattato di una funzione lineare a tratti, formata da due rette con pendenze diverse, e che cambiare le aliquote avrebbe significato andare a variare il coefficiente angolare delle rette interessate. Nelle sperimentazioni un solo studente ha scelto di usare Geogebra.









Struttura del modulo didattico

	Breve descrizione dell'attività			Modalità	Eventuali collegamenti
Unità 1	Questionario	In classe	Domande di autovalutazione a priori Simulazione del TOLC Domande di autovalutazione a posteriori	Lavoro individuale in una situazione di test	Orientamento
		A casa			
Unità 2		In classe	Risoluzione del problema	Lavoro a gruppi	
	Situazione problematica iniziale in un contesto quotidiano reale	A casa	Risoluzione di un nuovo problema	Lavoro a gruppi Libero accesso a risorse	
			Preparazione presentazioni	Lavoro a gruppi	
	Confronto tra gruppi guidato	In classe	Presentazioni e discussione	Gruppo classe	
	dall'insegnante e approfondimento del	A casa	Risoluzione di un nuovo problema	Lavoro individuale Libero accesso a risorse	Educazione civica
	problema iniziale		Report di autovalutazione	Lavoro individuale	
		In classe	Restituzione dell'insegnante	Gruppo classe	
	Restituzione dell'insegnante e problema per casa	A casa	Risoluzione di un nuovo problema	Lavoro individuale Libero accesso a risorse	
			Report di autovalutazione	Lavoro individuale	







La foto riproduce un modello in scala (circa) 1:50 (cioè a ogni centimetro di lunghezza misurato sul modello corrispondono circa 50 centimetri nell'originale) dello yacht da regata Endeavour, che nel 1934 gareggiò per l'America's Cup. La lunghezza dello scafo dell'imbarcazione originale è 39,56 m, quella dello scafo del modello è 80 cm. Sapendo che la misura della superficie totale delle vele dell'imbarcazione originale è 39,56 m^2.

 Quanto misura, all'incirca, la superficie delle vele del modello?









Aderire al progetto

Chi fosse interessato ad approfondire altri materiali e a partecipare alle sperimentazioni in aula, è invitato a contattarci:

Chiara Grisendi: chiara.grisendi@phd.unipi.it

Mirko Maracci: mirko.maracci@unipi.it







Grazie!





